Compito di Analisi del 23/6/05

1) Determinare il segno e gli estremi della funzione

$$f(x) = \log \frac{(x-1)^2}{x+1}.$$

2) Calcolare

$$\lim_{x\to 0}\frac{\log^2(1+x)\left(4^x-1\right)}{x^2}$$

3) Risolvere la disequazione trigonometrica

$$tg^4x - 4tg^2x > -3$$
 in $\left] -\frac{\Pi}{2}, \frac{\Pi}{2} \right[$.

4) Studiare la convergenza della serie

$$\sum_{n} \log \left(1 + \frac{1}{n^2} \right) .$$

5) Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x}{e^x} dx.$$